

МИНИСТАРСТВО ПРОСВЕТЕ, НАУКЕ И ТЕХНОЛОШКОГ РАЗВОЈА РЕПУБЛИКЕ  
СРБИЈЕ  
СИСТЕМ РЕГИОНАЛНИХ ЦЕНТРА ЗА ТАЛЕНТЕ

63. РЕПУБЛИЧКО ТАКМИЧЕЊЕ ПО НАУЧНИМ ДИСЦИПЛИНАМА И СМОТРА  
ИСТРАЖИВАЧКИХ РАДОВА ТАЛЕНАТА СРБИЈЕ, ЧАЧАК, МАЈ 2021.

**ТЕСТ ИЗ МАТЕМАТИКЕ**  
**ОСНОВНА ШКОЛА, VIII РАЗРЕД**

*Попуњава ученик (попунити читко штампаним словима)*

Регионални центар за таленте: \_\_\_\_\_

Име и презиме: \_\_\_\_\_

Школа: \_\_\_\_\_

Град: \_\_\_\_\_

Разред: \_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_  
(потпис ученика)

*Попуњава комисија*

Број

бодова:

*Време израде теста 90 минута! Тест има 10 задатака. Укупан број бодова на тесту је 50.*

*Након урађеног теста ученик је обавезан да заокружи слово испред тачног одговора у табели одговора. Комисија за преглед тестова уважава само резултате уписане у табелу одговора. Погрешан одговор не доноси ни позитивне ни негативне бодове.*

З А Д А Ц И

1. Вредност израза

$$\frac{5}{4}a^2 - 3(a-b)(a+b) + \frac{(a+b)^2}{2} - \frac{14b^2 - 5a^2}{4}$$

за  $a = 1\frac{2}{3}$ ,  $b = 1\frac{4}{5}$ , једнака је:

- А) 3      Б) 0      В) 1      Г) 2      Д) -3

2. Основна ивица правилне шестостране призме је  $3\text{cm}$ , а дијагонала бочне стране је  $6\text{cm}$ . Запремина те призме је ( $y\text{ cm}^3$ ):

- А) 243      Б)  $\frac{243}{2}$       В)  $\frac{243}{4}$       Г)  $\frac{243}{3}$       Д)  $\frac{243\sqrt{3}}{2}$

3. Површина четвороугла ограниченог графицима функција  $y = -2x + 2$  и  $y = -\frac{3}{4}x + 3$  и координатним осама (у првом квадранту) једнака је:

- А)  $\frac{15}{2}$       Б) 6      В) 5      Г) 4      Д) 3      Ђ)  $\frac{7}{2}$

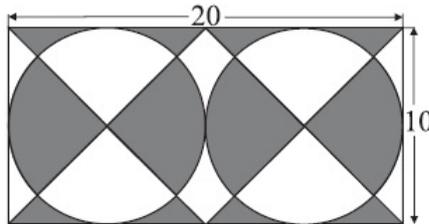
4. Ивица коцке  $ABCD A_1 B_1 C_1 D_1$  је  $10\text{cm}$ . Површина пресека коцке и равни која је одређена теменима  $A$ ,  $B$  и  $C_1$  је ( $y\text{ cm}^2$ ):

- А)  $50\sqrt{2}$       Б)  $50\sqrt{6}$       В)  $100\sqrt{2}$       Г)  $75\sqrt{3}$       Д)  $50\sqrt{3}$

5. У равни се налазе четири круга полупречника  $1\text{ cm}$ ,  $3\text{ cm}$ ,  $5\text{ cm}$  и  $7\text{ cm}$  и права  $l$  коју додирују сви кругови у тачки  $A$ . Фигуру  $S$  чине све тачке које се налазе у унутрашњости само једног круга. Кругови могу бити са обе стране праве  $l$ . Највећа могућа површина фигуре  $S$  у  $\text{cm}^2$  је:

- А)  $24\pi$       Б)  $32\pi$       В)  $64\pi$       Г)  $65\pi$       Д)  $84\pi$

6. Колика је површина осенченог дела на слици?



- А) 50      Б) 80      В) 100      Г) 120      Д) 150

7. Једнакократи правоугли троугао са катетама  $2\sqrt{2}\text{cm}$  чија хипотенуза припада равни  $\alpha$  нагнут је према тој равни под углом од  $45^\circ$ . Површина пројекције овог троугла на раван  $\alpha$  је ( $y\text{ cm}^2$ ):

- А)  $4\sqrt{2}$       Б)  $2\sqrt{2}$       В)  $\sqrt{2}$       Г) 2      Д) 4

8. Ако су  $x$  и  $y$  реални бројеви, тада је најмања могућа вредност израза

$$x^2 + y^2 + 4x - 6y + 15$$

- А) 1      Б) 2      В) 3      Г) 4      Д) 5

9. Мајмуни деле кокосове орахе. Први мајмун је узео три ораха и десети део остатка; други мајмун шест ораха и десети део преосталих ораха; трећи мајмун девет ораха и десети део преосталих ораха итд..., све док сви ораси нису били подељени. Испоставило се да су сви мајмуни добили исти број ораха. Број мајмуна је:

- А) мањи од 5      Б) 5      В) већи од 5 а мањи од 9      Г) 9      Д) већи од 9

63. РЕПУБЛИЧКО ТАКМИЧЕЊЕ ПО НАУЧНИМ ДИСЦИПЛИНАМА И СМОТРА  
ИСТРАЖИВАЧКИХ РАДОВА ТАЛЕНАТА СРБИЈЕ  
МАТЕМАТИКА 8. разред

---

10. Коцка се састоји од 64 мале коцке од којих је тачно једна сива (позиција сиве коцке приказана је на слици). Првог дана сива коцка промени боју свих својих суседних коцки у сиву (коцке су суседне ако имају заједничку страну). Другог дана све сиве коцке ураде исто. Колико сивих коцки ће бити на крају другог дана?

- А) 13      Б) 14      В) 15      Г) 16      Д) 17

